

## تمرین‌های درس ریاضی ۲

۲۹ اسفند ۱۳۹۱

۱. انحنای و تاب تابع برداری زیر را در لحظه  $t = 0$  به دست آورید.

$$\vec{R}(t) = t^3 \vec{i} + \sin 2t \vec{j} + \cos t \vec{k}$$

۲. فرمولی برای انحنای تابع  $f(x) = e^x$  به دست آورید.

۳. اگر معادلات پارامتری یک منحنی به صورت  $x = \frac{1}{\sqrt{\sin t}}$  و  $y = \frac{1}{\sqrt{\cos t}}$  باشد، ابتدا معادله منحنی را در دستگاه مختصات قطبی بنویسید. سپس بردارهای سرعت و شتاب و انحنای منحنی را در  $t = \frac{\pi}{4}$  بیابید.

۴. نقطه‌ای روی منحنی  $x = a(\cos t + t \sin t)$  و  $y = a(\sin t - t \cos t)$  بیابید که منحنی دارای بیشترین انحنای باشد.

۵. مساحت محصور به لمنیسکات  $(x^2 + y^2)^2 = 4(x^2 - y^2)$  را در دستگاه مختصات قطبی بیابید.

۶. طول منحنی  $r = \frac{1}{\theta}$  را از  $\theta = \frac{1}{4}$  تا  $\theta = 2$  به دست آورید.

۷. مساحت محصور به مارپیچ  $r = \theta$  و خطوط  $\theta = \frac{\pi}{4}$  و  $\theta = \frac{3\pi}{4}$  را بیابید.

۸. خط  $L$  به معادله  $\begin{cases} x - 2z + 3 = 0 \\ y - 2z = 0 \end{cases}$  صفحه  $\Gamma$  به معادله  $x + 3y - z + 4 = 0$  را در نقطه

$A$  قطع می‌کند. معادله خطی را بنویسید که در صفحه  $\Gamma$  واقع است و از  $A$  می‌گذرد و بر خط  $L$  عمود است.

۹. روی خط  $2x = \frac{2-y}{3} = z + 1$  نقطه ای پیدا کنید که از صفحه  $x - 2y + 3z + 6 = 0$  فاصله ۱ باشد.

۱۰. معادله خطی را بنویسید که از نقطه  $A = (1, -2, 3)$  گذشته و با محورهای  $x$  و  $z$  به ترتیب زوایای  $\theta = \frac{\pi}{4}$  و  $\theta = \frac{2\pi}{3}$  بسازد.